

Vérification des méthodes

Exercice 1

Donner le domaine d'étude ainsi que les symétries à effectuer pour étudier :

$$1. t \mapsto \begin{pmatrix} \cos(3t) \\ \sin(2t) \end{pmatrix}$$

$$3. t \mapsto \begin{pmatrix} t^2 + t^4 \\ t + \frac{1}{t} \end{pmatrix}$$

$$2. t \mapsto \begin{pmatrix} \tan t \\ \cos t \end{pmatrix}$$

$$4. t \mapsto \begin{pmatrix} \cos(t) + \sin(t) \\ \cos(t) - \sin(t) \end{pmatrix}$$

Exercice 2

Donner un équation de la tangente au point de paramètre t pour des valeurs de t à préciser :

$$1. t \mapsto \begin{pmatrix} t \\ e^{-t^2} \end{pmatrix}$$

$$2. t \mapsto \begin{pmatrix} t + \frac{1}{t} \\ t \ln(t) - t \end{pmatrix}$$

Exercice 3

Etudier les points d'inflexions et les éventuelles branches infinies de $f : t \mapsto \begin{pmatrix} e^t \\ t^2 \end{pmatrix}$.

Etude de courbes

Exercice 4

Etudier et tracer la courbe $\begin{cases} x(t) = \cos^3(t) \\ y(t) = \sin^3(t) \end{cases}$

Exercice 5

Etudier et tracer la courbe $t \mapsto \begin{pmatrix} 2 \cos(t) - \cos(2t) \\ 2 \sin(t) - \sin(2t) \end{pmatrix}$.

Exercice 6

Rappel : on pose $\text{th} = \frac{\text{sh}}{\text{ch}}$ qui est \mathcal{C}^∞ sur \mathbb{R} .

On considère la courbe (Γ) définie par $\begin{cases} x : t \mapsto t - \text{th } t \\ y : t \mapsto \frac{1}{\text{ch } t} \end{cases}$

1. Etudier (Γ)
2. (Révisions de sup)
 - (a) Calculer $\text{ch } t_0$ et $\text{th } t_0$ pour t_0 tel que $\text{sh } t_0 = 1$. Calculer ensuite t_0 sous la forme d'un logarithme.
 - (b) Déterminer le point A de (Γ) où la tangente est de coefficient directeur -1. Déterminer une équation cartésienne de cette tangente et la tracer sur la courbe.
3. Donner l'équation de la tangente au point M de paramètre t .
4. Cette tangente coupe l'axe des abscisses en N . Calculer la distance MN .

Paramétrage

Exercice 7

Paramétriser et tracer la courbe d'équation $C : \frac{x^2}{4} + y^2 = 1$. Il s'agit d'écrire $M \in C \iff \exists t \ x = x(t)$ et $y = y(t)$.

Exercice 8

1. Paramétriser l'ensemble d'équation $x^3 + y^3 = 3xy$ en posant $t = \frac{y}{x}$.
2. Interpréter géométriquement le paramètre t puis le point $M(t)$.
3. Tracer